## ЗАДАНИЯ №26 ОГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

## ОКРУЖНОСТИ

- 1) Окружности радиусов 60 и 90 касаются внешним образом. Точки *A* и *B* лежат на первой окружности, точки *C* и *D* на второй. При этом *AC* и *BD* общие касательные окружностей. Найдите расстояние между прямыми *AB* и *CD*.
- 2) Окружности радиусов 22 и 99 касаются внешним образом. Точки *A* и *B* лежат на первой окружности, точки *C* и *D* на второй. При этом *AC* и *BD* общие касательные окружностей. Найдите расстояние между прямыми *AB* и *CD*.
- 3) Две касающиеся внешним образом в точке K окружности, радиусы которых равны 16 и 48, вписаны в угол с вершиной A. Общая касательная к этим окружностям, проходящая через точку K, пересекает стороны угла в точках B и C. Найдите радиус окружности, описанной около треугольника ABC.
- **4)** Две касающиеся внешним образом в точке K окружности, радиусы которых равны 36 и 45, вписаны в угол с вершиной A. Общая касательная к этим окружностям, проходящая через точку K, пересекает стороны угла в точках B и C. Найдите радиус окружности, описанной около треугольника ABC.
- **5**) Три окружности с центрами A, B и C и радиусами 2,5, 0,5 и 4,5 соответственно попарно касаются внешним образом. Найдите угол ABC.
- **6)** Три окружности с центрами *A*, *B* и *C* и радиусами 1, 2 и 6 соответственно попарно касаются внешним образом. Найдите угол *ABC*.
- 7) Две окружности с центрами *A* и *C* и радиусами 4,5 и 2,5 касаются друг с другом внешним образом и внутренним образом касаются окружности с центром *B* радиусом 7,5. Найдите угол *ABC*.
- **8)** Две окружности с центрами *A* и *C* и радиусами 7 и 6 касаются друг с другом внешним образом и внутренним образом касаются окружности с центром *B* радиусом 14. Найдите угол *ABC*.
- 9) Три окружности, радиусы которых равны 2, 3 и 10, попарно касаются внешним образом. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник, вершинами которого являются центры этих трёх окружностей.
- **10**) Три окружности, радиусы которых равны 2, 4 и 6, попарно касаются внешним образом. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник, вершинами которого являются центры этих трёх окружностей.

- 11) Окружность радиуса 4 касается внешним образом второй окружности в точке B. Общая касательная к этим окружностям, проходящая через точку B, пересекается с некоторой другой их общей касательной в точке A. Найдите радиус второй окружности, если AB = 6.
- **12**) Окружность радиуса 2 касается внешним образом второй окружности в точке B. Общая касательная к этим окружностям, проходящая через точку B, пересекается с некоторой другой их общей касательной в точке A. Найдите радиус второй окружности, если AB = 4.
- **13**) В окружности с центром в точке O проведены две хорды AB и CD. Прямые AB и CD перпендикулярны и пересекаются в точке M, лежащей вне окружности. При этом AM = 36, BM = 6,  $CD = 4\sqrt{46}$ . Найдите OM.
- **14**) В окружности с центром в точке O проведены две хорды AB и CD. Прямые AB и CD перпендикулярны и пересекаются в точке M, лежащей вне окружности. При этом AM = 17, BM = 3,  $CD = 10\sqrt{21}$ . Найдите OM.
- **15**) В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом B, проведена биссектриса угла A. Известно, что она пересекает серединный перпендикуляр, проведённый к стороне BC в точке K. Найдите угол BCK, если известно, что угол ACB равен  $40^{\circ}$ .
- **16**) В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом B, проведена биссектриса угла A. Известно, что она пересекает серединный перпендикуляр, проведённый к стороне BC в точке K. Найдите угол BCK, если известно, что угол ACB равен  $20^{\circ}$ .

## ОТВЕТЫ

**1)** 144. **2)** 72. **3)** 32. **4)** 182,25. **5)** 120°. **6)** 60°. **7)** 120°. **8)** 120°. **9)** 2. **10)** 2. **11)** 9. **12)** 8. **13)** 29. **14)** 26. **15)** 25°. **16)** 35°.